

**Домашнее задание №3 "Языки и автоматы"**  
**по курсу "Дискретная математика"**  
**для специальности РТ5, 4-й семестр, 2023 г.**

**Задача 1 (2 балла)**

Автомат задан набором  $(\{a, b\}, \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5\}, Q_{qs}, Q_f)$ , где  $\{a, b\}$  — алфавит,  $q_s$  — начальное состояние (вход),  $Q_f$  — множество конечных состояний (множество выходов), и списком дуг с метками, определяющими допустимые переходы. Запись  $(i, j, a, b)$  означает, что дуга  $(i, j)$ , идущая из состояния  $q_i$  в состояние  $q_j$ , имеет метку  $a + b$ . Построить граф автомата и найти язык  $L$ , допускаемый автоматом.

**Вариант 1.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{1, 3\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (5, 2, a), (5, 1, a), (4, 1, b), (2, 4, b), (3, 2, a), (4, 3, a)$ .

**Вариант 2.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 4, b), (1, 5, a), (2, 3, a, b), (3, 4, a), (4, 5, a), (5, 1, b), (5, 2, b)$ .

**Вариант 3.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, b), (2, 5, b), (2, 4, a), (3, 2, a, b), (4, 3, b), (5, 4, a)$ .

**Вариант 4.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{1, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, a), (2, 4, a), (3, 2, b), (4, 1, b), (5, 4, b), (5, 3, b)$ .

**Вариант 5.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, a), (2, 1, a), (2, 4, b), (3, 2, a), (4, 3, a), (5, 2, b), (5, 4, b)$ .

**Вариант 6.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 3\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (1, 5, a), (2, 3, b), (2, 5, b), (4, 1, b), (4, 3, b), (5, 4, a)$ .

**Вариант 7.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (2, 2, b), (2, 4, b), (3, 4, b), (4, 5, a), (5, 1, b), (5, 3, a), (5, 2, a)$ .

**Вариант 8.** Начальное состояние  $q_4$ , множество выходов  $Q_f = \{1, 3\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, a), (1, 4, b), (2, 1, a), (3, 2, b), (4, 3, a), (5, 2, b), (5, 4, a)$ .

**Вариант 9.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, a), (2, 3, b), (3, 4, a), (4, 5, b), (5, 2, a), (5, 1, b)$ .

**Вариант 10.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, b), (2, 5, a), (2, 4, b), (1, 3, a), (3, 2, b), (4, 3, a), (5, 4, a)$ .

**Вариант 11.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (5, 2, a), (5, 1, b), (4, 1, a), (2, 4, a), (3, 2, a), (4, 3, a)$ .

**Вариант 12.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 4, a), (1, 5, b), (2, 3, a, b), (3, 4, b), (4, 5, b), (5, 1, a), (5, 2, a)$ .

**Вариант 13.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, a), (2, 5, a), (2, 4, b), (3, 2, a, b), (4, 3, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 14.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{4, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, b), (2, 4, b), (3, 2, a), (4, 1, b), (5, 4, b), (5, 3, b)$ .

**Вариант 15.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{4, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, b), (2, 1, a), (2, 4, a), (3, 2, b), (4, 3, b), (5, 2, a), (5, 4, b)$ .

### Задача 1 (2 балла)

Автомат задан набором  $(\{a, b\}, \{q_1, q_2, q_3, q_4, q_5\}, Q_s, Q_f)$ , где  $\{a, b\}$  — алфавит,  $Q_s$  — множество начальных состояний (Начальное состояниеов),  $Q_f$  — множество конечных состояний (множество выходов), и списком дуг с метками, определяющих допустимые переходы. Запись  $(i, j, a, b)$  означает, что дуга  $(i, j)$ , идущая из состояния  $q_i$  в состояние  $q_j$ , имеет две метки —  $a$  и  $b$ . Построить граф автомата и найти язык  $L$ , допускаемый автоматом.

**Вариант 16.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (1, 5, b), (2, 3, a), (2, 5, b), (4, 1, a), (4, 3, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 17.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (2, 3, a), (2, 4, a), (3, 4, b), (4, 5, a), (5, 1, b), (5, 3, a), (5, 2, b)$ .

**Вариант 18.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, b), (1, 4, a), (2, 1, b), (3, 2, a), (4, 3, b), (5, 2, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 19.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, b), (2, 3, a), (3, 4, a), (4, 5, a), (5, 2, b), (5, 1, a)$ .

**Вариант 20.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, b), (2, 5, a), (2, 4, b), (1, 3, a), (3, 2, b), (4, 3, a), (5, 4, a)$ .

**Вариант 21.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (5, 4, a), (5, 1, b), (4, 1, a), (2, 4, a), (3, 2, a), (4, 3, a)$ .

**Вариант 22.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{1, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 4, a), (1, 5, b), (2, 3, a, b), (3, 4, b), (4, 5, b), (5, 1, a), (5, 3, a)$ .

**Вариант 23.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, a), (2, 5, a), (2, 4, b), (3, 2, a, b), (4, 3, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 24.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, b), (2, 4, a), (3, 2, a), (4, 1, b), (5, 4, b), (5, 3, b)$ .

**Вариант 25.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{3, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, b), (2, 1, a), (2, 4, a), (3, 2, b), (4, 3, b), (5, 2, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 26.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{4, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a, b), (1, 5, a), (2, 3, b), (2, 5, a), (4, 1, b), (4, 3, b), (5, 4, a)$ .

**Вариант 27.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 4\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (2, 3, b), (2, 4, b), (3, 4, a), (4, 5, b), (5, 1, a), (5, 3, b), (5, 2, a)$ .

**Вариант 28.** Начальное состояние  $q_5$ , множество выходов  $Q_f = \{1, 3\}$ ,  
дуги:  $(1, 5, b), (1, 4, a), (2, 1, b), (3, 2, a), (4, 3, b), (5, 2, a), (5, 4, b)$ .

**Вариант 29.** Начальное состояние  $q_1$ , множество выходов  $Q_f = \{2, 3\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, a), (1, 5, b), (2, 3, a), (3, 4, a), (4, 5, a), (5, 2, b), (5, 1, a)$ .

**Вариант 30.** Начальное состояние  $q_2$ , множество выходов  $Q_f = \{4, 5\}$ ,  
дуги:  $(1, 2, b), (1, 5, b), (2, 5, a), (2, 4, b), (1, 3, a), (3, 2, b), (4, 3, a), (5, 4, a)$ .

---

**Задача 2 (2 балла)**

Для регулярного языка  $L_0$  в алфавите  $\{a, b\}$ , заданного регулярным выражением:

1) построить конечный автомат, допускающий язык  $L_0$ , с помощью методов построения объединения, соединения и итерации языка, допускаемых конечным автоматом, используемых при доказательстве теоремы Клини;

2) из полученного автомата удалить  $\lambda$ -переходы и детерминизировать его;

3) построить конечный автомат для дополнения языка  $L_0$ .

**Вариант 1.**  $L_0 = a^*a + (ba)^*$ .

**Вариант 2.**  $L_0 = (ab)^* + b^*a$ .

**Вариант 3.**  $L_0 = b^* + a(ab)^*$ .

**Вариант 4.**  $L_0 = (a^* + (ba)^*)b$ .

**Вариант 5.**  $L_0 = a^* + (ba)^*a$ .

**Вариант 6.**  $L_0 = ((ba)^* + a^*)b$ .

**Вариант 7.**  $L_0 = b^* + (a + b)^*a$ .

**Вариант 8.**  $L_0 = ab^* + (ab)^*$ .

**Вариант 9.**  $L_0 = b^* + (aa)^*$ .

**Вариант 10.**  $L_0 = ab^*(ab)^*$ .

**Вариант 11.**  $L_0 = ab^*a^*b$ .

**Вариант 12.**  $L_0 = (a + b)^*a + a^*$ .

**Вариант 13.**  $L_0 = b(a^* + b^*)$ .

**Вариант 14.**  $L_0 = ((ba)^* + a^*)b$ .

**Вариант 15.**  $L_0 = (ba)^* + a^*b$ .

**Вариант 16.**  $L_0 = (ba)^* + b^*a$ .

**Вариант 17.**  $L_0 = (b^* + (ab)^*)a$ .

**Вариант 18.**  $L_0 = (a + b)^*b(a + b)^*$ .

**Вариант 19.**  $L_0 = bb(a + b)^*$ .

**Вариант 20.**  $L_0 = a(b^* + a^*)b$ .

**Вариант 21.**  $L_0 = a(b^* + a^*)b$ .

**Вариант 22.**  $L_0 = a^*(b + (ab)^*)$ .

**Вариант 23.**  $L_0 = ab^*a + b^*$ .

**Вариант 24.**  $L_0 = a^*b + b^*$ .

**Вариант 25.**  $L_0 = ab^* + a^*$ .

**Вариант 26.**  $L_0 = a(ab)^* + (ba)^*$ .

**Вариант 27.**  $L_0 = (ba)^* + (ab)^*a$ .

**Вариант 28.**  $L_0 = (ba)^* + ba^*$ .

**Вариант 29.**  $L_0 = ba^* + (ba)^*$ .

**Вариант 30.**  $L_0 = (ab)^* + (ba)^*$ .